

परिशिष्ट

उपलब्धि परीक्षण

नोट :— सभी प्रश्न करना अनिवार्य है।

- | | | | | |
|-----|--|-------------------------|---------------------------|--|
| 1. | त्रिभुज में भुजाएँ होती हैं— | | | |
| | अ. दो | ब. तीन | स. चार | |
| 2. | त्रिभुज में कोण होते हैं— | | | |
| | अ. तीन | ब. दो | स. एक | |
| 3. | त्रिभुज में समकोण की माप होती है— | | | |
| | अ. 60° | ब. 80° | स. 90° | |
| 4. | त्रिभुज की तीनों भुजाएँ बराबर होती हैं— | | | |
| | अ. समबाहु त्रिभुज में | ब. विषमबाहु त्रिभुज में | स. समद्विबाहु त्रिभुज में | |
| 5. | त्रिभुज के तीनों कोणों का योग होता है— | | | |
| | अ. 360° | ब. 180° | स. 120° | |
| 6. | एक समद्विबाहु त्रिभुज में $AB = AC$ तथा $B = 50^\circ$ है तो शेष दो कोणों का योग होगा— | | | |
| | अ. 100° | ब. 80° | स. 130° | |
| 7. | एक समकोण त्रिभुज की भुजाएँ 6 से.मी. एवं 8 से.मी. है इसका कर्ण होगा— | | | |
| | अ. 8 से.मी. | ब. 10 से.मी. | स. 14 से.मी. | |
| 8. | समद्विबाहु में भुजाएँ होती हैं— | | | |
| | अ. तीनों बराबर | ब. चार बराबर | स. दो बराबर | |
| 9. | त्रिभुज की मध्यिका को कहते हैं— | | | |
| | अ. मध्यिका | ब. अन्तःकेन्द्र | स. केन्द्रक | |
| 10. | त्रिभुज की मध्यिका होती है— | | | |
| | अ. असंगामी | ब. संगामी | स. केन्द्रक | |
| 11. | वृत्त होता है— | | | |
| | अ. आयताकार | ब. शंकाकार | स. गोलाकार | |
| 12. | एक वृत्त का व्यास 12 से.मी. है तो त्रिज्या होगी— | | | |
| | अ. 8 से.मी. | ब. 6 से.मी. | स. 24 से.मी. | |
| 13. | वृत्त में सबसे बड़ी जीवा होती है— | | | |
| | अ. व्यास | ब. त्रिज्या | स. $2x$ व्यास | |
| 14. | अर्द्ध वृत्त में क्या एक कोण होता है— | | | |
| | अ. 90° | ब. 180° | स. 60° | |
| 15. | वृत्त की त्रिज्या 4 से.मी. है तो व्यास होगा— | | | |
| | अ. 8 से.मी. | ब. 12 से.मी. | स. 18 से.मी. | |

तार्किक योग्यता परीक्षण



T. M. Regd. No. 554838
Copyright Regd. No. © A-73256/2005 Dl. 13.5.05

L. N. Dubey (Jabalpur)

Consumable Booklet

of

RAT-D

(Hindi Version)

कृपया निम्न सूचनाएँ भरिये—

दिनांक

--	--	--	--	--	--	--	--

नाम

आयु

विद्यालय

कक्षा

लिंग

शहरी /ग्रामीण

निर्देश

- इस परीक्षण के लिए सिर्फ 60 मिनट का समय दिया गया है, इसलिए जितना शीघ्र आप कर सकते हैं, करें।
- परीक्षण दो भागों में दिया हुआ है, अतः दोनों के अलग-अलग निर्देश उप-भाग के साथ दिए गये हैं।

फलांकन तालिका

Part	I	II	Total Score	ABILITY LEVEL
Raw Score				

Estd. 1971

:(0562) 2464926

NATIONAL PSYCHOLOGICAL CORPORATION
4/230, KACHERI GHAT, AGRA-282 004 (INDIA)

क्रमांक	प्रश्न						उत्तर	
	1	2	3	4	5	6		
17	75,	77,	70,	72,	65,	67,		
18	70,	60,	80,	50,	90,	40,		
19	84,	64,	82,	62,	80,			
20	115,	65,	105,	75,	95,			
21	106,	97,	88,	79,	70,			
22	69,	44,	69,	44,	69,			
23	62,	39,	69,	46,	76,			
24	58,	29,	55,	26,	52,			
25	143,	184,	245,	326,	427,			
26	125,	112,	99,	86,	73,			
27	49,	46,	52,	43,	55,			
28	150,	75,	300,,	75,	450,			
29	170,	177,	191,	201,	212,	225,		
30	171,	246,	321,	396,	471,			
31	1536,	768,	384,	192,	96,			
32	9,	8,	18,	16,	36,	24,		
33	128,	50,	64,	50,	32,			
34	871,	772,	673,	574,	475,			
35	87,	78,	165,	87,	78,			
36	6,	7,	8,	66,	77,			
37	9,	11,	18,	13,	54,	15,		
38	8,	17,	9,	9,	18,	9,		
39	77,	88,	99,	777,	888,			
40	6,	30,	240,	7,	35,	280,		

47. सुनील अपने स्थान से पश्चिम में सीधा 3 मील जाता है। फिर बाँधीं ओर मुड़कर सीधा 2 मील जाता है और फिर बाँधीं ओर मुड़कर सीधा 3 मील जाता है तो वह अपने रवाना होने के स्थान से कितनी मील दूर है ?
 (1) पाँच (2) दो (3) तीन (4) आठ 1 2 3 4
48. प्रीति लड़कियों की पंक्ति में दोनों ओर से ग्यारहवें नम्बर में छड़ी है तो उस पंक्ति में कुल कितनी लड़कियाँ हैं ?
 (1) ग्यारह (2) बाइस (3) इक्कीस (4) चौबीस 1 2 3 4
49. एक रस्सी के आठ बराबर-बराबर टुकड़े करना है तो उसे पहले दोहरा कर लेते हैं। अब आठ बराबर टुकड़े करने के लिए कितने बार काटना पड़ेगा ?
 (1) आठ (2) सात (3) तीन (4) चार 1 2 3 4
50. रंजना, तारा, प्रभा, शोभा चार बहनें हैं। रंजना, तारा से छड़ी है परन्तु प्रभा से छोटी है। शोभा रंजना से छोटी है परन्तु तारा से बड़ी है, तो सबसे छोटी कौन है ?
 (1) रंजना (2) तारा (3) प्रभा (4) शोभा 1 2 3 4
51. यदि पैने दो घण्टे पूर्व छड़ी में बड़ी सुई 9 पर और छोटी सुई 3 के पास थी, तो इस समय से दो घण्टे बाद समय क्या होगा ?
 (1) सात (2) सवा सात (3) पाँच (4) साढ़े छः 1 2 3 4
52. राजीव से अजय अधिक काम करता है। आलोक, राजू से अधिक परन्तु राजीव से कम काम करता है, तो सबसे अधिक काम कौन करता है ?
 (1) अजय (2) राजीव (3) आलोक (4) राजू 1 2 3 4
53. रमेश, सुरेश, महेश, दिनेश चार भाई हैं। रमेश सुरेश से तीन वर्ष बड़ा है और महेश, सुरेश से तीन वर्ष छोटा है। दिनेश रमेश से तीन वर्ष बड़ा है। यदि दिनेश 1960 में पैदा हुआ हो तो महेश कब पैदा हुआ होगा ?
 (1) 1963 (2) 1966 (3) 1969 (4) 1972 1 2 3 4
54. कपिल अपने घर से उत्तर दिशा में 2 मील चलकर फिर पूर्व दिशा में मुड़कर 2 मील चलने के बाद अपने विद्यालय पहुँचता है। सुनील अपने घर से पश्चिम में 2 मील जाकर फिर उत्तर दिशा में मुड़कर 2 मील चलकर उसी विद्यालय पहुँच जाना है, तो कपिल का घर सुनील के घर से कितने मील दूर है ?
 (1) दो (2) तीन (3) चार (4) पाँच 1 2 3 4

प्रतिक्रिया –मापनी

प्रतिक्रिया

प्रयोगात्मक समूह के लिए

प्रश्न संख्या – 20

छात्र का नाम –

कक्षा— सातवी—ब

विद्यालय का नाम –

1.आपको इस उपागम से पढ़ना कैसा लगा

अ अच्छा ब बहुत अच्छा स सामान्य

2 आपने अपने विचारों को कक्षा में बताया तब कैसा लगा

अ. सामान्य ब अच्छा स बहुत अच्छा

3 .आपको समूह में कार्य करवाया तब कैसा महसूस हुआ

अ. सामान्य ब अच्छा स बहुत अच्छा

4 आपसे श्यामपट पर लिखने को कहा तब कैसा महसूस हुआ

अ अच्छा ब बहुत अच्छा स सामान्य

5 .कक्षा में करके सिखने पर कैसा लगा

अ अच्छा ब बहुत अच्छा स सामान्य

6. कक्षा में गतिविधिया कराकर पढ़ने में कैसा लगा

अ अच्छा ब बहुत अच्छा स सामान्य

7.कक्षा में पढ़ाते समय अपने साथीयों से चर्चा कराई तब कैसा महसूस हुआ

अ. सामान्य ब. अच्छा स. बहुत अच्छा

8 .कक्षा में सहायक शिक्षण सामाग्री से पढ़ने में कैसा लगा

अ. सामान्य ब. अच्छा स. बहुत अच्छा

9 .आपने अपने आसपास के वातावरण के बारे में जानकारी दी तब कैसा लगा

अ. सामान्य ब. अच्छा स. बहुत अच्छा

10 आपको इस उपागम से पढ़ने में कठिनाई –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

11. कक्षा में सहायक शिक्षण सामग्री से कठिनाई –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

12. कान्सेप्ट मैथिंग से आपको सीखना कैसा लगा

अ. सामान्य ब. अच्छा स. बहुत अच्छा

13. इस उपागम से आप कैसा महसूस करते हों –

अ. सामान्य ब. अच्छा स. बहुत अच्छा

14. आप इस उपागम से अन्य विषय को पढ़ने में कठिनाई –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

15. आपने स्वयं करके सीखा तब कैसा महसूस हुआ –

अ. अच्छा ब. बहुत अच्छा स. सामान्य

16. कक्षा में आपसे प्रश्न पुछे गए तब कैसा लगा –

अ. अच्छा ब. बहुत अच्छा स. सामान्य

17. कक्षा में आपने अपने साथीयों के विचारों को जानकर कैसा लगा –

अ. अच्छा ब. अच्छा स. सामान्य

18. आपको समूह में कार्य करवाया तब असहज महसूस –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

19. उस उपागम से पढ़ने में गणित में डर –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

20. कान्सेप्ट मैथिंग से सीखने से कठिनाई –

अ. नहीं होती ब. अधिक होती स. बहुत अधिक होती

पाठ—योजना

पाठ योजना क -01

दिनांक 09/01/2012

विषय – गणित (ज्यामिति)

प्रकरण – त्रिभुज

सामान्य उद्देश्यः—

- विद्यार्थियों में गणितीय रुचि का विकास करना।
- विद्यार्थियों में गणितीय द्वष्टिकोण का विकास करना।
- विद्यार्थियों में तर्कशक्ति का विकास करना।
- विद्यार्थियों में गणितीय विचारशक्ति का विकास करना।
- विद्यार्थियों में समस्या याग्यता का विकास करना।

विशिष्ट उद्देश्यः—

- 1 ज्ञानात्मक उद्देश्य— विद्यार्थी त्रिभुज के प्रकारों की परिभाषाओं का प्रत्याभिज्ञान कर सकेंगे।
- 2 बोधात्मक उद्देश्य— विद्यार्थी त्रिभुजों में अन्तर कर सकेंगे।
- 3 प्रयोगात्मक उद्देश्य— विद्यार्थी त्रिभुजों को आकृतियों से संबंधित प्रश्नों को हल कर सकेंगे।
- 4 कौशलात्मक उद्देश्य— विद्यार्थी त्रिभुज तथा उसके प्रकारों के चित्र या माडल बना सकेंगे।

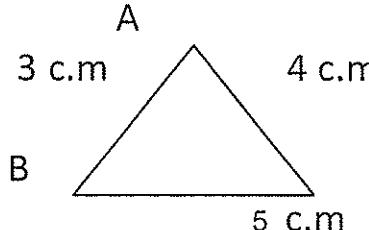
पूर्वज्ञानः—

विद्यार्थी पूर्व कक्षा में त्रिभुज के बारे में पढ़ चुके हैं।

सहायक शिक्षण सामग्रीः—

त्रिभुज के आकार के कार्ड बोर्ड थर्माकोल से बने त्रिभुज आदि।

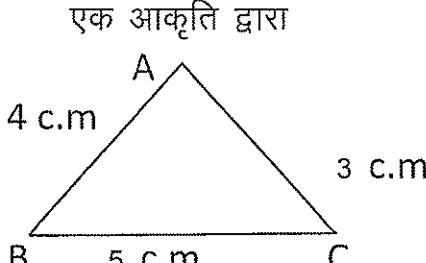
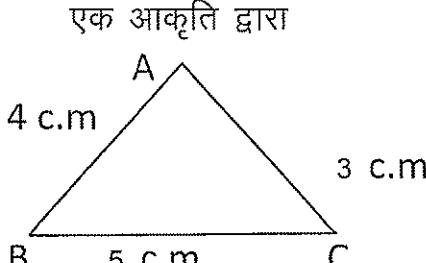
प्रस्तावना—

शिक्षक किया	छात्र किया
<p>गतिविधि के द्वारा—तीन गुप पहला गुप—भुजा AB दूसरा गुप—भुजा BC तीसरा गुप—भुजा CA उन्हे अलग—अलग भुजाएँ अलग—अलग माप की दी तथा उन्हे मिलाने को कहा।</p> <ul style="list-style-type: none"> • कौन सी आकृति बनी • इसमें कितनी भुजाएँ हैं • बच्चों यह बताओं कि इस त्रिभुज का क्या नाम हैं 	 <p>उत्तर— सर जी त्रिभुज हैं। उत्तर— सर जी तीन भुजाएँ हैं। उत्तर— ?</p>

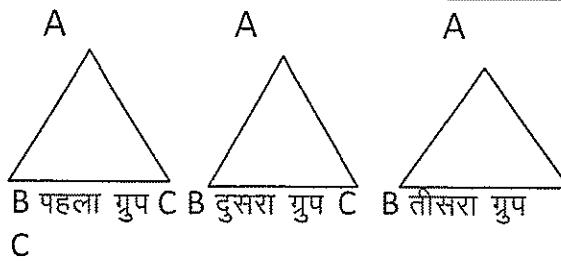
उद्देश्य कथनः—

आज हम त्रिभुज एवं त्रिभुजों के प्रकारों का अध्ययन करेंगे।

प्रस्तुतिकरणः—

शिक्षण किया	शिक्षक किया	छात्र किया
<p>त्रिभुज के गुण</p>  <p>इसमें मुख्यतः कौन से गुण होते हैं ?</p> <p>त्रिभुज के तीनों अंतः कोणों को योग तथा त्रिभुज की दो भुजाओं का योग तीसरी भुजा से बड़ा होता हैं।</p> <p>तीन गुप बनाकर उन्हे थर्माकोल से कटे हुए त्रिभुजों को दिया गया</p>	<p>एक आकृति द्वारा</p> 	<p>सर जी इसमें तीन भुजाएँ होती हैं। तीन कोण होते हैं। सर जी 180 होता है।</p>

त्रिभुज के प्रकार



पहले गुप के बच्चों से –आपके त्रिभुज में भुजाओं कि माप बताइए इसके त्रिभुज का क्या नाम हैं—क्यों अर्थात्

विषम + बाहु
असमान + भुजा
इसको हम कैसे परिभाषित करेंगे

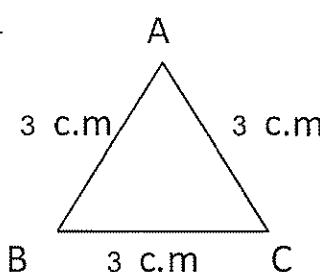
समद्विबाहु

गुप—दुसरा गुप के बच्चों से

बच्चों इसमें भुजाओं की माप कितनी हैं? इसका क्या नाम हैं?

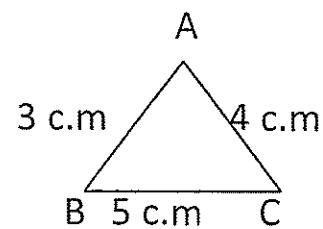
सम + द्वि + बाहु
इसको परिभाषित करिए?

तीसरा गुप—



इसकी माप बताइये?

इसका नाम क्या हैं?



उत्तर—सर जी

$$\begin{aligned}AB &= 4 \text{c.m.}, \\BC &= 5 \text{c.m.}, \\CA &= 3 \text{c.m.}\end{aligned}$$

उत्तर—सर जी इस त्रिभुज को विषम बाहु कहेंगे। क्योंकि इसकी तीनों भुजाएँ अलग अलग लम्बाई की हैं।

वह त्रिभुज जिसकी तीनों भुजाएँ अलग अलग लम्बाई की हो उसे विषम बाहु कहेंगे

उत्तर—सर जी इसके AB और AC भुजा 3 से मी तथा BC भुजा 4 से मी हैं।

उत्तर—समद्विबाहु त्रिभुज

सम = समान

द्वि = दो

बाहु = भुजा

उत्तर—सर जी

वह त्रिभुज जिसकी दो भुजाएँ बराबर हो उसे समद्विबाहु त्रिभुज कहेंगे।

तीनों भुजाएँ 3 से मी की हैं।

इसका नाम समबाहु त्रिभुज हैं

मूल्यांकन	<p>छात्रों द्वारा</p> <pre> graph TD TB[त्रिभुज] --> VB[विषमबाहु] TB --> SDV[समद्विबाहु] TB --> SB[समबाहु] A[A] --- VB </pre>	<p>अगले त्रिभुजों के गुण— अलग 2 भुजाएँ (विषमबाहु) दो भुजाएँ बराबर (समद्विबाहु) तीन भुजाएँ बराबर (समबाहु)</p> <p>सही विकल्प चुनाव करे ?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. त्रिभुज के कितने प्रकार होते हैं अ. दो ब. तीन स. चार 2. एक त्रिभुज जिसकी तीनों भुजाओं की माप समान हो वह अ. विषमबाहु ब. समद्विबाहु स. समबाहु 3. त्रिभुज के तीनों अंतःकाणों की माप होती हैं? अ. 90° ब. 180° स. 360°
-----------	--	--

निष्कर्ष वचनः— आज हमने त्रिभुज एवं त्रिभुज के प्रकारों का अध्ययन किया।

गृहकार्यः—

प्रश्न 1. समबाहु त्रिभुज का नामांकित चित्र बनाइये ?

प्रश्न 2. विषमबाहु त्रिभुज एवं समद्विबाहु त्रिभुज में क्या अंतर हैं बताइये ?

प्रश्न 3. त्रिभुज ABC में AB=4 c.m , BC=5 c.m , CA=3 c.m है तो चित्र बनाकर उसका नाम बताइये ?

दिनांक 09 / 01 / 2012

विषय – गणित (ज्यामिति)

प्रकरण – त्रिभुज

सामान्य उद्देश्यः—

विशिष्ट उद्देश्यः— विद्यार्थी त्रिभुज एवं त्रिभुज के प्रकारों का प्रत्याभिज्ञान कर सकेंगे।

बोधात्मक उद्देश्यः— विद्यार्थी त्रिभुजों में तुलना कर सकेंगे।

प्रयागात्मक उद्देश्यः— विद्यार्थी समद्विबाहु त्रिभुज पर आधारित प्रश्नों को हल कर सकेंगे।

कौशलात्मक उद्देश्यः— विद्यार्थी अपने आसपास के वातावरण से त्रिभुज के प्रकारों की सूचि बना सकेंगे।

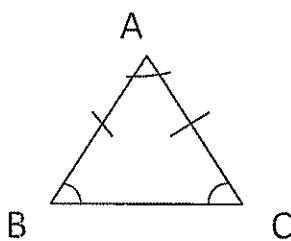
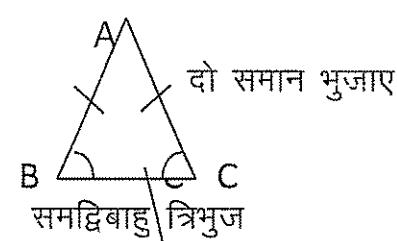
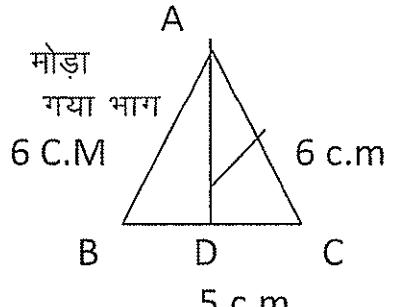
पूर्व ज्ञानः—विद्यार्थी पूर्व कालखण्ड से इससे परिचित हैं।

सहायक शिक्षण सामग्रीः—थर्माकोल से कटे हुए त्रिभुज और समाचार पत्र की कटिंग।

प्रस्तावना प्रश्नः—

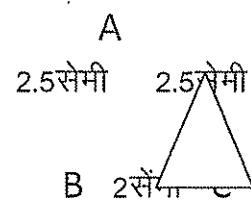
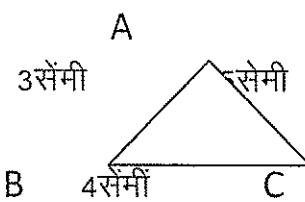
शिक्षक किया	छात्र किया
<p>शिक्षक द्वारा</p> <p>प्रश्नः— एक चौकोर पेपर को काटा गया तथा उसे दो कोणों को मिलाने को कहूँ—</p> <p>ग्रुप A,B,C</p> <p>ग्रुप A को</p> <ul style="list-style-type: none"> • कागल को मोड़िए • कौन सी आकृति बन रही हैं • कौन सा त्रिभुज होगा • इसे स्केल की सहायता से माप ज्ञात करे तथा त्रिभुज का क्या नाम है बताइए ? <p>1 2 3 4</p>	<p>सर जी मोड़ लिया</p> <p>सर जी त्रिभुज की आकृति</p> <p>सर जी.....?</p> <p>सर जी यह त्रिभुज समद्विबाहु हैं।</p>

उद्देश्य कथनः— आज हम समद्विबाहु त्रिभुज के बारे में अध्ययन करेंगे।

शिक्षण	शिक्षक किया	छात्र किया
समद्विबाहु त्रिभुज के गुण	<p>शीर्ष कोण  आधार कोण इस त्रिभुज में कौन सी भुजाएं बराबर हैं ? त्रिभुज में कौन से कोण हैं ? बच्चों $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज तो बराबर भुजाओं के सामने के कोण भी बराबर होते हैं तो कैसे लिखोगे ? तो हम क्या कहेंगे :- समद्विबाहु त्रिभुज के गुण</p>	<p>सर जी इस त्रिभुज ABC में $AB=AC$ भुजा हैं। सर जी शीर्षकोण A तथा आधारकोण B, C हैं। सर जी $\angle B = \angle C$ समद्विबाहु त्रिभुज में समान भुजाओं के कोण भी बराबर होते हैं।  दो समान भुजाएं समद्विबाहु त्रिभुज समुख भुजा के कोण बराबर होते हैं। 1. दो कोण बराबर 2. दो भुजाएं बराबर</p>
	<p>एक समद्विबाहु जिसमें $AB=AC=6$ C.M तथा $BC=5$ C.M हैं। तथा बच्चों द्वारा एक कार्ड सीट देते हैं। त्रिभुज को बीच से मोड़ने पर कौन से त्रिभुज बनते हैं ? क्या दोनों त्रिभुज बराबर हैं ?</p>	 सर जी त्रिभुज दो बराबर भागों में बटता हैं समें दो त्रिभुज

मूल्यांकन :—

- पहचान किये



कौन सा त्रिभुज हैं ?

- $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज हैं जिसमें $AB=AC=4\text{cm}$ तथा $BC=5\text{cm}$ हैं बनाइये ?
- समद्विबाहु त्रिभुज के गुण कौन से हैं ?

निष्कर्ष कथन :— आज हमने समद्विबाहु त्रिभुज के बारे में गृहकार्य :—

- टपने आसपास के वातावरण से समद्विबाहु त्रिभुज के उदाहरणों की सूचि बनाइए।
- एक त्रिभुज समद्विबाहु है जिसमें $AB=AC=3\text{cm}$ तथा $BC=4\text{cm}$ हैं। तथा BC भुजा पर लम्ब डाला गया तो क्या समद्विभाजित त्रिभुज समान होगे।

पाठ्योजना 03

दिनांक 11/01/2012

विषय – गणित (ज्यामिति)

प्रकरण – पाइथागोरस प्रमेय

सामान्य उद्देश्यः— पूर्वानुसार

विशिष्ट उद्देश्यः—

- 1 विद्यार्थी पाइथागोरस प्रमेय की परिभाषा का प्रायास्मरण कर सकेंगे
- 2 विद्यार्थी पाइथागोरस प्रमेय की सहायता से तीसरी भुजा ज्ञात कर सकेंगे।
- 3 विद्यार्थी पाइथागोरस प्रमेय का प्रयोग व्यावहारिक जीवन में कर सकंगे।
- 4 विद्यार्थी पाइथागोरस प्रमेय का चार्ट बना सकेंगे।

सहायक शिक्षण सामग्रीः—

लकड़ी के गत्ते धर्माकोल के त्रिभुज

पुर्वज्ञानः—

पुर्व मे परिचित हैं।

प्रस्तावना:-

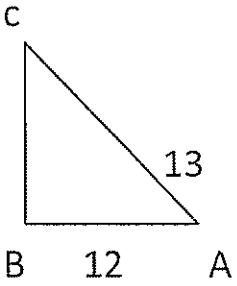
क्र	शिक्षक किया	छात्र किया
प्र	छात्रों से तीन ग्रुप बनाकर A group त्रिभुजों के प्रकार B group कोणों त्रिभुजों के प्रकार C group भुजाओं की माप A group त्रिभुज कितने प्रकार के होते हैं	
प्र		-त्रिभुज तीन प्रकार के होते हैं—विषमबाहु समबाहु एवं समद्विबाहु -कोण मुख्यतः — न्युनकोण अधिककोण समकोण

प्र	समकोण त्रिभुज का चित्र बनाइए	
?	समकोण त्रिभुज मे दो भुजाओ के मान देने पर तीसरी भुजा का मान कैसे ज्ञात करेगे ?	<p>?</p>

उद्देश्य कथन :-

आज हम पाइथागोरस प्रमेय के बारे में अध्ययन करेंगे।

शिक्षण	शिक्षक किया	छात्र किया
समकोण त्रिभुज	<p>बच्चों को गत्ते की सहायता से समकोण त्रिभुज के बारे में जानकारी दी</p> <p>भुजाओ के नाम बताइए</p> <p>सबसे बड़ी भुजा कौन सी हैं</p> <p>समकोण कहाँ पर हैं ?</p> <p>हम</p> $\text{कर्ण}^2 = \text{लम्ब}^2 + \text{आधार}^2$ <p>इसे हम क्या कहेंगे या</p> $\text{कर्ण}^2 = \text{लम्ब}^2 + \text{आधार}^2$ <p>त्रिभुज बनाइये ?</p>	<p>आधार AB</p> <p>लम्ब BC</p> <p>कर्ण AC हैं।</p> <p>- कर्ण AC सबसे बड़ी भुजा है।</p> <p>- $LB = 90$</p> <p>- कर्ण की धात लम्ब की धात तथा आधार की धात के योग के बराबर होती हैं।</p>
पाइथागोरस प्रमेय		$\text{कर्ण}^2 = \text{लम्ब}^2 + \text{आधार}^2$

प्रश्न	<p>किसी समकोण त्रिभुज में कर्ण का वर्ग अन्य दो भुजाओं (लम्ब , आधार) के वर्गों के योगफल के बराबर होता है। इसे ही पाइथागोरस प्रमेय कहते हैं।</p> <p>समकोण त्रिभुज में कर्ण 13 सेमी आधार 12 सेमी तीसरी भुजा बताइये ?</p> <p>प्रश्न में क्या दिया है ?</p> <p>इसे कौन से सूत्र से करेंगे ?</p> <p>क्या हम न्यूनकोण या अधिक में भी इस प्रमेय का प्रयोग कर सकते हैं ?</p> <p>सभी छात्रों ने पाइथागोरस प्रमेय की उत्पत्ति पर कक्षा में चर्चा की।</p>	 <p>$AC = 13 \text{ C.m}$</p> <p>$AB = 12 \text{ C.m}$</p> <p>$BC = ?$</p> <p>पाइथागोरस प्रमेय में—</p> $\text{कर्ण}^2 = \text{लम्ब}^2 + \text{आधार}^2$ $(13)^2 = (\text{लम्ब})^2 + (12)^2$ $(\text{लम्ब})^2 = 169 - 144$ $(\text{लम्ब})^2 = 25$ $\text{लम्ब} = \sqrt{25}$ $\text{लम्ब} = 5 \text{ c.m}$ <p>—नहीं इसका प्रयोग समकोण त्रिभुज में ही होता है। क्योंकि यह 90° का होता है।</p>
--------	---	--

मूल्यांकन :—

प्रश्न 1. पाइथागोरस प्रमेय की परिभाषा बताइए तथा लिखिए।

प्रश्न 2. एक व्यक्ति पूर्व से पश्चिम की ओर 3 किमी. चलने पर अपने बायी ओर 3 किमी. चलने पर बताइए कि वह अपने प्रारंभिक बिन्दु से कितनी दूरी पर हैं।

निष्कर्ष कथन :—आज हमने पाइथागोरस प्रमेय का अध्ययन किया।

गृहकार्य —

अभ्यास प्रश्न 10.2 के प्रश्न पाइथागोरस प्रमेय का चार्ट बनाकर लाइए।

पाठ्योजना क.04

दिनांक 11/01/2012

विषय – गणित (ज्यामिति)

प्रकरण – त्रिभुज की माध्यिकाएँ

सामान्य उद्देश्यः— पूर्वानुसार

विशिष्ट उद्देश्य :-

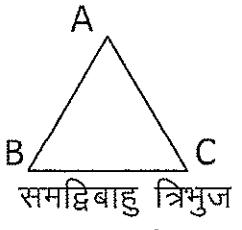
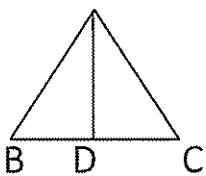
- 1 विद्यार्थी त्रिभुज की माध्यिकाओं का प्रत्यभिज्ञान कर सकेंगे।
- 2 विद्यार्थी त्रिभुज की माध्यिकाओं में संगामी एवं असंगामी रेखाओं में अन्तर कर सकेंगे।
- 3 विद्यार्थी त्रिभुज की माध्यिकाओं से सम्बन्धित प्रश्नों को हल कर सकेंगे।
- 4 विद्यार्थी त्रिभुज की माध्यिका का चित्र बना सकेंगे।

सहायक शिक्षण समाप्ति:-

थर्माकोल मे कटा त्रिभुज लकड़ी की तिलियाँ आदि।

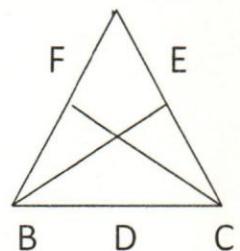
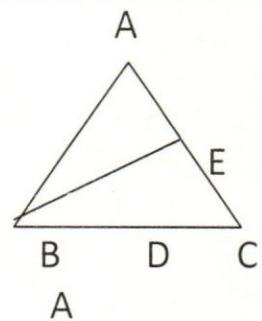
पूर्व ज्ञान :— विद्यार्थी पूर्व में त्रिभुज के मध्य बिन्दु से परिचित हैं।

प्रस्तावना :-

क्र	शिक्षक किया	छात्र किया
	<p>गतिविधि के द्वारा</p> <p>प्र. एक समद्विबाहु त्रिभुज बनाइए ?</p> <p>प्र. शीर्षलम्ब A से BC पर खीचिए।</p> <p>प्र. B बिन्दु से A रेखा पर शीर्ष लम्ब डालिए।</p>	 

प्र. C बिन्दु से AB रेखा पर शीर्ष लम्ब खींचिए।

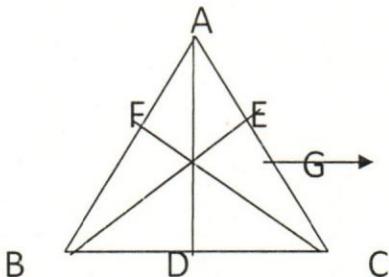
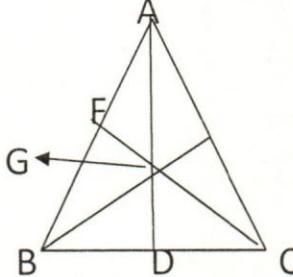
प्र. त्रिभुज के मध्य बनी रेखाओं को क्या कहेंगे ?

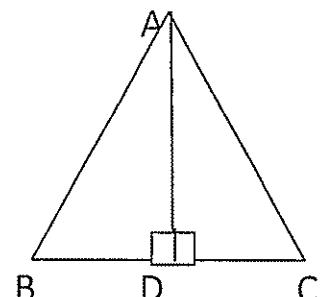


उत्तर :— ?

उद्देश्य कथन :—

आज हम त्रिभुज की माध्यिकाओं के बारे में अध्ययन करेंगे।

शिक्षण	शिक्षक किया	छात्र किया
	 <p>इसे माध्यिका कहते हैं। इसमें कौन सी माध्यिका हैं त्रिभुज कि माध्यिका की परिभाषा बताइए</p>	 <p>उत्तरः—AD ,BE तथा CF हैं। समद्विबाहु त्रिभुज मे तीन माध्यिकाएँ हैं।</p>  <p>त्रिभुज मे शीर्ष बिन्दु से सम्मुख</p>

	<p>बहुत अच्छा</p> <p>त्रिभुज में माध्यिका जिस बिन्दु पर मिलते हैं उसे क्या कहते हैं। इस प्रकार हम कह सकते हैं कि त्रिभुज के किसी शीर्ष को समुख भुजा के मध्य बिन्दु से जोड़ने वाले रेखाखण्ड को त्रिभुज की माध्यिका कहते हैं। तथा इन माध्यिका के केन्द्र बिन्दु को केंद्रक तथा इन बिन्दुओं को संगमन बिन्दु कहते हैं। एवं इन रेखाओं को संगामी रेखा कहते हैं।</p> <p>प्र.</p> <p>एक समद्विबाहु त्रिभुज में त्रिभुज ABC खीचिए। जिसमें $AB=AC$ तथा BC आधार पर माध्यिका AD भी खीचिए। निम्नलिखित को ज्ञात कीजिए—</p> <ol style="list-style-type: none"> 1- AD रेखा BC पर लम्ब हो 2- AD LA को समद्विभाजित करती है 3- AD BC का लम्ब समद्विभाजक है। <p>चित्र में AD लम्ब डालने पर कौन से त्रिभुज बने ?</p> <p>क्या दोनों त्रिभुज बराबर होगे क्यों ?</p> <p>त्रिभुज में क्या समानताएँ हैं —</p> <p>प्र</p> <p>कोण— लम्ब— कर्ण— दो भुजाए बराबर</p> <p>अतः हम रह सकते हैं कि</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. AD BC रेखा पर लम्ब हैं जो BC 	<p>भुजा पर डाले गए लम्ब को माध्यिका कहते हैं जो समुख भुजा को दो भागों में विभाजित करते हैं।</p> <p>उत्तर — इसे केन्द्रक कहते हैं।</p>  <p>उत्तर— $\triangle ABC$ में आधार BC रेखा पर AD लम्ब डाल त्रिभुज ADB तथा त्रिभुज ADC में हैं।</p> <p>उत्तर— सर बराबर होगे क्यों त्रिभुज ABC समद्विबाहु $\triangle ABC$ में त्रिभुज ADB तथा $\triangle ADC$ में $LD=LD$ (90°) $AD=AD$ (लम्ब) $AB=AC$ (समान) $BD=CD$ लम्ब AD लम्ब BC</p>
--	--	---

	<p>को दो भागों में बाटता है।</p> <p>2. त्रिभुज AD लम्ब कोण A को समद्विभाजक नहीं करता।</p>	
--	---	--

मूल्यांकन :—

प्र.1 त्रिभुज ABC खीचिए तथा शीर्ष लम्ब से माध्यिका खीचिए।

प्र.2 क्या त्रिभुज की माध्यिका संगामी होती है।

प्र.3 त्रिभुज की माध्यिका की परिभाषा लिखिए।

निष्कर्ष कथन :—

आज हमने त्रिभुज की माध्यिका के बारे में अध्ययन किया।

गृहकार्य :—

प्र. त्रिभुज ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज हैं उसमें माध्यिका खीचिए तथा उसमें विषमबाहु त्रिभुज समद्विबाहु त्रिभुज तथा समबाहु त्रिभुज के नाम बताइए ?

प्र. संगामी रेखाओं एवं असंगामी रेखाओं में अन्तर बताइए ?

दिनांक

कक्षा सातवी 'ब'

विषय – गणित (ज्यामिति)

समयावधि

प्रकरण – वृत्त

सामान्य उद्देश्यः—

विशिष्ट उद्देश्यः—

- 1 विद्यार्थी वृत्त की परिभाषा का प्रत्याभिज्ञान कर सकेंगे या प्रत्यारम्भण कर सकेंगे।
- 2 विद्यार्थी वृत्त के अलग अलग भागों में अन्तर कर सकेंगे।
- 3 विद्यार्थी वृत्त से सम्बन्धित प्रश्नों को हल कर सकेंगे।
- 4 विद्यार्थी वृत्त कि आकृतियों को बना सकेंगे तथा उनकी पहचान कर सकेंगे।

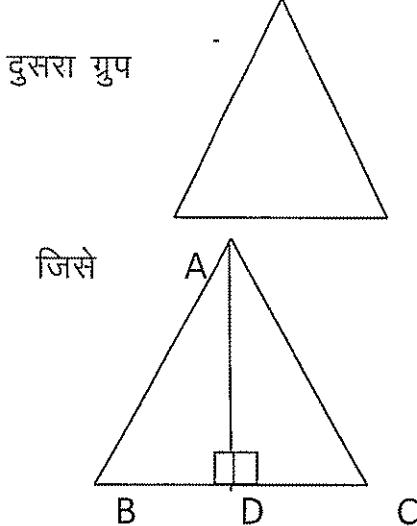
सहायक शिक्षण सामाग्रीः—

त्रिभुज, चुड़ी, थर्माकोल, के टुकड़े, बाल आदि।

पुर्वज्ञानः— विद्यार्थी वृत्त के विषय मे पुर्व कक्षा से परिचित हैं।

प्रस्तावना:-

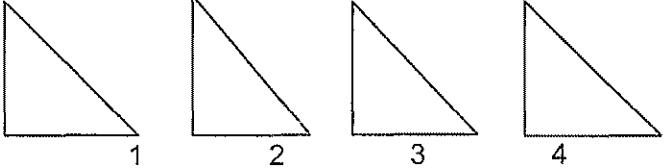
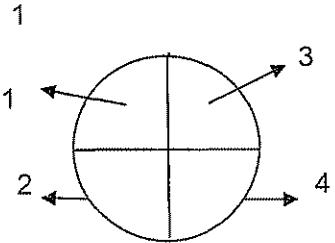
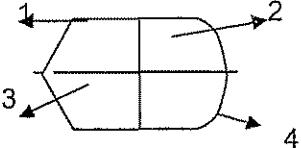
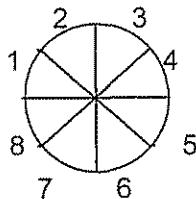
क्र.	शिक्षण किया	छात्र किया
1.	बच्चो द्वारा एक गतिविधि कराई गई जिसमे हर एक पवित्र से दो छात्रों को निकालकर छात्र गतिविधि कराई त्रिभुज की आकृति को उठाइए	

2.		<p>पहला गुप्त जिसे त्रिभुज बताने को कहेंगे</p>  <p>दुसरा गुप्त जिसे</p>
3.	तीसरे गुप्त से उसके नाम बताइए	
4.	चौथे गुप्त से बाल उठाने पर पुछेंगे कि यह आकृति किसकी हैं?	<p>कोण उठाने को कहेंगे।</p> <p>समबाहु त्रिभुज समकोण त्रिभुज कक्षा में सभी गुप्त से पुछेंगे कि यह आकृति किसकी हैं?</p> <p>उत्तरः—गोलाकार</p>

उद्देश्य कथनः—

आज हम वृत एवं वृत के सम्बन्धित आकृतियों के बारे में अध्ययन करेगे ।

प्रस्तुतिकरण:-

शिक्षण	शिक्षक किया	छात्र किया
1 वृत कि आकृति बनाना	विधार्थियों से गतिविधि के द्वारा वृत बनाना ।	
	<p>गतिविधि क्र.1 छात्रों को प्रत्येक बैंच पर ऐपर से कटे हुए चार टुकड़े देकर जिन्हे जोड़कर वे वृत का निर्माण करेगे तथा किसी बैंच पर गलत टुकड़े देते हैं।</p> <p>1.बच्चों कौनसी आकृति बनी? 2.वृत को हमने कैसे बनाया? 3.त्रिभुज मे कौनसे कोण है?</p>	 <p>—सर जी यह गोलाकार या वृताकार आकृति बनी है। उत्तर— सर जी हमने चार त्रिभुजों के टुकड़ों को जमाकर वृत बनाया । उत्तर— सर चार समकोण मिलाकर वृत बना है।</p>
	यह वृत क्यों नहीं बन सका?	<p>सर जी क्योंकि यह टुकड़े छोटे बड़े हैं</p>  <p>हैं। सर क्योंकि</p>  
	बच्चों क्या और त्रिभुज टुकड़े मिलाने पर क्या वृत बनेगा ? एवं क्या कोण मे माप कम होगी ?	सभी कोण न्युनकोण हैं।

	<p>वृत</p> <p>रेशमी धागे को चारों ओर घुमाने पर क्या बनता है?</p> <p>धागे का केन्द्र बिन्दु कौनसा है?</p> <p>इसमें वृत का धागा जिसे हम कहते हैं? बच्चों ऐसे उदाहरण बताइए जिससे वृत या गोल आकृति बने?</p> <p>बच्चों यदि दो त्रिज्या को मिलाए तो क्या होगा?</p> <p>केन्द्र बिन्दु द्वारा निश्चित लम्बाई के धागे से प्रथम बिन्दु से तय कि दूरी या तय किया मार्ग वृत्त कहलाता है।</p>	<p>किल</p> <p>सर जी वृत बनता है। कील वृत का केन्द्र बिन्दु है।</p> <p>उत्तर— सर जी वृत त्रिज्या है।</p> <p>सर जी बैल को रस्सी से बाधना चरने के लिए साइकिल कि रिंग पहिया चुड़ी सिक्का प्लेट तवा रोटी चांद सुरज कड़ा गमला अगुठी चक्का बटन गेंद फुटबाल आदि।</p> <p>—सर जी</p> $2 \times \text{त्रिज्या} = \text{व्यास}$ <p style="text-align: center;">केन्द्र बिन्दु O</p>
--	--	--

मुल्यांकन —5से.मी.त्रिज्या से एक वृत बनाइए A ग्रुप

- 2 B ग्रुप 8से.मी.
- 3 C ग्रुप 6से.मी.
- 4 A B C ग्रुप के छात्रों द्वारा जांचकी गई

आज हमने वृत एवं वृत की आकृतियों के बारे में अध्ययन किया

ग्रहकार्यः—

1. वृत्त बनाइए तथा उसकी त्रिज्या व्यास भी बताइए। 1. 5 सेमी 2. 4 सेमी 3. 8सेमी 10 सेमी
2. अपने आसपास के वातावरण से वृत्त के उदाहरण की सूचि बनाइए तथा उनके कार्यों को लिखकर बताइए।

विषय – गणित (ज्यामिति)

कक्षा सातवीं 'ब'

प्रकरण – वृत का केन्द्र, त्रिज्या तथा व्यास

समयावधि

दिनांक

सामान्य उद्देश्य :—

विशिष्ट उद्देश्य :—

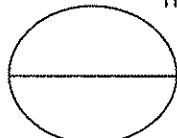
उपरोक्तानुसार

सहायक शिक्षण सामग्री :—

कम्पास बाक्स, वेलवेट पेपर वाला थर्माकोल, कील, रेशमी धागा। गेंद के टुकड़े आदि।

पूर्वज्ञान :—विद्यार्थी वृत के विषय में पुर्व कक्षा से परिचित हैं।

प्रस्तावना प्रश्न :—

क्र.	शिक्षक किया	छात्र किया
—	दो गेंद के टुकड़े मिलाने पर कौन सी आकृति बनती हैं।	गोल या वृत्त बनता है
—	आधा भाग की आकृति कौन सी है	
—	इस चित्र में नाम एक त्रिज्या तथा व्यास बताइए	आधा भाग अर्द्धवृत्त है।
—	व्यास बताइए	-3 सेमी. प्रश्नवाचक

आज हम वृत्, वृत् का केन्द्र, त्रिज्या एवं व्यास के बारे में अध्ययन करेंगे।

प्रस्तुतिकरण :-

शिक्षण बिन्दु	शिक्षक किया	छात्र किया
वृत्, वृत् की त्रिज्या केन्द्र व्यास	<p>सभी छात्रों से परकार की सहायता से 4 सेमी. की त्रिज्या लेकर वृत् बनवाया</p> <p>जब कोई चर बिन्दु B एक तल में अपना स्थान बदले कि इसकी दूरी तल के एक स्थिर बिन्दु से सदा वही बनी रहे तब—</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. चर बिन्दु द्वारा हम किया मार्ग या बिन्दु पथ वृत् कहलाता है। 2. स्थिर बिन्दु को वृत् का केन्द्र कहते हैं। <p>बच्चों OB, OC, OA वृत् की त्रिज्याएँ हैं।</p> <ul style="list-style-type: none"> - O बिन्दु को क्या कहेंगे। - वृत् का व्यास 2 x त्रिज्या <p>तो सूत्र क्या होगा</p> <p>तो कह सकते हैं एक रेखाखण्ड जो वृत् के केन्द्र से होकर जाए और जिसके अन्त बिन्दु वृत् पर हो वृत् का व्यास कहलाता है।</p> <p>वृत् की त्रिज्या कैसी होगी—</p> <p>गतिविधि द्वारा समर्थ्या हल की गई</p>	<p>सर जी O केन्द्र हैं।</p> <p>—सर जी वृत् का व्यास AB है।</p> $AB = OA + OB$ $= \text{त्रिज्या} + \text{त्रिज्या}$ $= 2 \times \text{त्रिज्या}$ $\text{व्यास} = 2 \times \text{त्रिज्या}$ <p>वृत् की त्रिज्या समान होगी</p>
प्रश्न	<p>चार गुप्त बनाए</p> <p>पहला गुप्त— पहला कथन या ऐरो क्या दर्शाता है ?</p>	<p>सर जी तीर का निशान वृत् बनाता है।</p>

	<p>दूसरा गुप्त— दूसरा प्रश्न में कौन सा खाली स्थान आएगा ?</p> <p>तीसरा गुप्त— OC रेखा क्या दर्शाती है ?</p> <p>चौथा गुप्त— वृत की आकृति में 4 प्रश्न में क्या आएगा ?</p> <p>वृत का व्यास 12 सेमी. है वृत की त्रिज्या कितनी होगी ?</p> <p>प्रश्न में क्या दिया है</p> <p>क्या ज्ञात करना है ?</p> <p>अतः सूत्र कौन सा लगाएंगे</p> <p>बच्चों क्या सूत्र यही लगाएंगे</p> <p>आपस में चर्चा करने पर श्यामपट पर बनाइए बाकि बच्चों अपने कापि पर बनाइए।</p> <p>व्यास का आधा क्या होता है</p> <p>तो हम सूत्र को कैसे बनाएंगे</p>	<p>सर दूसरा प्रश्न में O बिन्दु वृत का केन्द्र है।</p> <p>सर जी OC वृत की त्रिज्या है।</p> <p>सर जी इसमें दो त्रिज्या हैं।</p> <p>$OB + OA = \text{त्रिज्या}$</p> <p>दो त्रिज्या मिलकर व्यास बनता है। इसलिए AB व्यास होगा।</p> <p>सर जी</p> <p>12 सेमी.</p> <p>$AB \text{ व्यास} = 12 \text{ c.m}$</p> <p>सर जी वृत की त्रिज्या OB या OA ज्ञात करना है।</p> <p>$\text{व्यास} = 2 \times \text{त्रिज्या}$</p> <p>—सर जी</p> <p>इसमें व्यास का मान रखने हैं तथा त्रिज्या ज्ञात हो जाएगी।</p> <p>$\text{व्यास} = 2 \times \text{त्रिज्या}$</p> <p>सर जी त्रिज्या</p> <p>सर जी दो त्रिज्या मिलकर व्यास बनता है।</p> <p>सर जी त्रिज्या 6 सेमी. है तो व्यास $6+6=12$</p> <p>सर जी</p> <p>$\text{व्यास} = 2 \times \text{त्रिज्या}$</p> <p>$\text{त्रिज्या} = \text{व्यास} / 2$</p> <p>$\text{त्रिज्या} = 12 / 2 = 6\text{c.m}$</p>
--	---	--

मूल्यांकन :—

त्रिज्या वाले वृत खीचकर व्यास बताइए 1. 4सेमी 2. 1.5सेमी.

आज हमने वृत केन्द्र बिन्दु त्रिज्या एवं स्थान के बारे में अध्ययन किया।

गृहकार्य :—

1. परकार की सहायता से वृत केन्द्र व्यास त्रिज्या बताइए तथा नामांकित कीजिए। 1
8सेमी. 2 5सेमी. 3 7सेमी.
2. वृत का नामांकित चार्ट बनाकर लाइए।

विषय — गणित (ज्यामिति)

कक्षा सातवीं 'ब'

प्रकरण — वृत का अभ्यंतर बहिर्भाग एवं वृतीय क्षेत्र चाप.

समयावधि

दिनांक

सामान्य उद्देश्य :—

विशिष्ट उद्देश्य :— 1 विधार्थी वृत के अभ्यंतर बहिर्भाग एवं वृतीय क्षेत्र चाप का प्रत्याभिज्ञान कर सकेंगे ।

2 विधार्थी वृत के आन्तरिक एवं बाह्य भाग मे अन्तर कर सकेंगे ।

3 विधार्थी वृत के अभ्यंतर बहिर्भाग एवं वृतीय क्षेत्र के प्रश्नो को हल कर सकेंगे ।

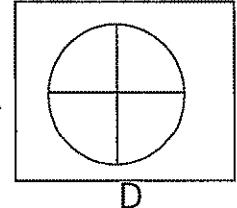
4 विधार्थी वृत के आन्तरिक एवं बाह्य भागो को बाटकर अलग अलग कर सकेंगे ।

सहायक शिक्षण सामग्री:-

वेलवेट लगा हुआ थर्माकोल, वृत के आकार के थर्माकोल, पेपर कटिंग, रेशम का धागा ।

पूर्वज्ञान :—विधार्थी पूर्व कालांश मे वृत के बारे मे पढ़ चुके हैं ।

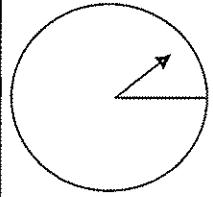
प्रस्तावना:-

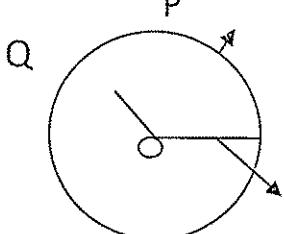
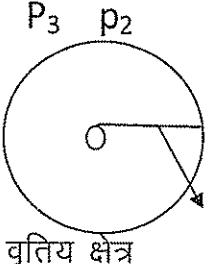
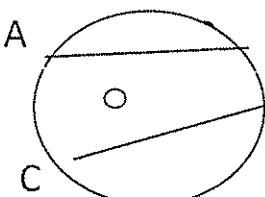
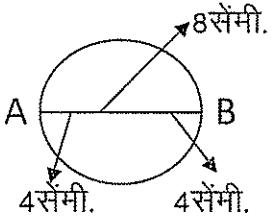
क्र.	शिक्षक किया	छात्र किया
	A  B	
1.	वृत की त्रिज्या बताइए	सर जी OA,OB,OC एवं OD हैं ।
2.	वृत के अन्दर का भाग क्या कहलाता हैं ?	वृत के अन्दर का भाग आन्तरिक भाग हैं ।
3.	वृत के बाहर वाला भाग क्या कहलाता हैं इस पर कौन से बिन्दु हैं ?	वृत के बाहर का भाग बाहरी भाग होगा इस पर A,B,C एवं D हैं ।

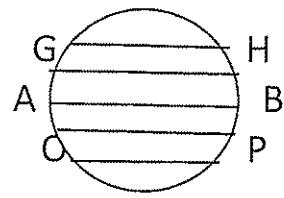
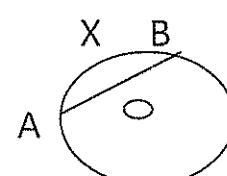
उद्देश्य कथन :—

आज हम वृत के अभ्यंतर बहिर्भाग वृत्तीय क्षेत्र तथा चाप के बारे में अध्ययन करेंगे।

प्रस्तुतीकरण :—

शिक्षण बिन्दु	शिक्षण किया	छात्र किया
वृत का अभ्यंतर	<p>वृत का चित्र बनाइए ○ बिन्दु क्या है</p> <p>इस पर अभ्यांतर का आशय अन्दर के भाग से होता है जो कि त्रिज्या से छोटा होता है। $op < r$ होगा।</p> <p>बच्चों को एक बालक को कक्षा के बाहर रखा बाकि छात्र अन्दर रहे। बच्चों को अभ्यंतर बहिर्भाग के बारे में उदाहरण में समझाया।</p> <ol style="list-style-type: none"> कक्षा के बाहर रमेश खड़ा हैं। कक्षा के अन्दर महेश खड़ा हैं। कक्षा के केन्द्र में रश्मि बैठी हैं। कक्षा की दीवार के दन्दर आन्तरिक भाग हैं। कक्षा की दीवार के बाहर बाह्य भाग है तो— बताओ— <p>रमेश मनोज रश्मि दीवार के अन्दर वाला भाग</p>	 <p>सर जी बिन्दु O केन्द्रक हैं।</p>
गतिविधि:—	<p>बच्चों को एक बालक को कक्षा के बाहर रखा बाकि छात्र अन्दर रहे। बच्चों को अभ्यंतर बहिर्भाग के बारे में उदाहरण में समझाया।</p> <ol style="list-style-type: none"> कक्षा के बाहर रमेश खड़ा हैं। कक्षा के अन्दर महेश खड़ा हैं। कक्षा के केन्द्र में रश्मि बैठी हैं। कक्षा की दीवार के दन्दर आन्तरिक भाग हैं। कक्षा की दीवार के बाहर बाह्य भाग है तो— बताओ— <p>रमेश मनोज रश्मि दीवार के अन्दर वाला भाग</p>	<p>सर जी रमेश बाह्य भाग होगा।</p> <p>मनोज आन्तरिक भाग या अभ्यंतर होगा।</p> <p>रश्मि बिन्दु O केन्द्रक होगा।</p>

	<p>दीवार के बाहर वाला भाग</p> <p>वृत की आकृति द्वारा</p>   <p>वृतिय क्षेत्र</p>	<p>अभ्यंतर</p> <p>बहिर्माग होगा।</p>
<p>वृतिय क्षेत्र</p> <p>वृत की जीवाएं और चाप</p>	<p>किसी वृत एवं वृत के अभ्यंतर से मिलकर बने क्षेत्र को वृतिय क्षेत्र कहते हैं।</p> <p>$op=r$ होता है।</p>  <p>—बच्चों AB एवं CD रेखाए को क्या कहेंगे ?</p> <p>4सेमी. त्रिज्या का वृत खीचिए उसका व्यास बताइए ?</p> <p>वृत की सबसे बड़ी जीवा कौन सी होगी ?</p>	<p>सर जी इसमें op बहिर्माग होगा। इसमें $op < r, op = r$ रेखा त्रिज्या में रखी हैं।</p>
		<p>सर जी AB एवं CD रेखाए जीवा हैं।</p> <p>सर जी व्यास = $2 \times r$ $2 \times 4 = 8 \text{ c.m}$</p> <p>सर जी वृत की सबसे बड़ी जीवा</p>

परिभाषा	<p>ऐसा रेखाखण्ड जिसके दोनों अंतः बिन्दु वृत्त पर हो वृत्त की जीवा कहलाती है।</p> <p>सबसे छोटी जीवा का नाम बताइए ?</p>	<p>AB होगी।</p>  <p>OP एवं GH हैं।</p> <p>AB हैं।</p>
चप	 <p>इस चित्र में वृत्त को दो भागों में बाटता है जिसमें AB रेखा पर X छोटा भाग है तथा Y बड़ा भाग है तो –</p> <p>A X B को लघु चाप कहेंगे</p> <p>A Y B को शीर्ष चाप कहेंगे।</p>	

मूल्यांकन :–

- 2.5 सेमी की त्रिज्या वाले वृत्त की रचना करके इसमें केन्द्र से जाने वाली जीवा सहित कम से कम 4 जीवाएं खीचिए असका मापन करते हुए बताइए कि कौन सी जीवा बड़ी हैं।
- एक वृत्त की रचना करके एक जीवा खीचिए तथा लघुचाप और दीर्घ चाप जीवाए के बारे में अध्ययन किया।

निष्कर्ष कथन :–

आज हमने वृत्त के अभ्यंतर बहिर्माग वृतीय क्षेत्र चाप जीवाए के बारे में अध्ययन किया।

गृहकार्य :–

- वृत्त का अभ्यंतर बहिर्माग तथा वृतीय कोण से सम्बन्धित तीन चित्र बनाइए।

विषय गणित (बीजगणित)

कक्षा – 7 वी ब

प्रकरण – बीजीय व्यजंक

समयावधि—

दिनांक—

सामान्य उद्देश्य—

विशिष्ट उद्देश्य—

विद्यार्थियों बीजीय व्यजंको में एक पदी, द्विपदीय, त्रिपदी तथा व्यजंको की पहचान कर सकेंगे।

विद्यार्थी बीजीय व्यजंको में अलग पदों में अन्तर कर सकेंगे।

विद्यार्थी बीजीय व्यजंको के प्रश्नों को हल कर सकेंगे।

विद्यार्थी बीजीय व्यजंको में एक पदी, द्वीपदी, त्रिपदी एवं बहुपदी व्यजंको का चार्ट या सारणी बना सकेंगे।

सहायक शिक्षण सामग्री – कार्ड, थर्माकोल की बनी हुई चाहिय सारणी, चिन्ह से गुणा चाहिए।

पूर्व ज्ञानः— विद्यार्थी पूर्व कक्षा में बीजीय व्यजंक के विषय में पढ़ चुके हैं।

प्रस्तावना प्रश्न

क्र.	शिक्षक किया	छात्र किया	
1.	<u>चार गुप्त</u> पहला गुप्त दूसरा गुप्त तीसरा गुप्त चौथा गुप्त पहला गुप्त T	बच्चों अचर राशि संख्यात्मक होती है जैसे – 1,3,7,11,20, अचर राशि – x.y.z चर राशि लिखिए कोई अचर राशि लिखिए आप इन्हे जोड़िए— आप इनका गुणा कीजिए गुणा करने पर आया मान में कितने पद हैं।	A, B, E, X, Y 1, 7, 3, 2, 9 (A+1),(B+7) (E+3)] (x+2) (x+9) Ax1, 7B, 3E 2x, 9Y उत्तर –?

शिक्षण बिन्दु	शिक्षक किया	छात्र किया
जोड़ना	<p>2x, A, 7B, 3E, 9y यह सभी एक पड़ी बीजीय व्यंजक है। जिस पद में एक चर या अचर राशि या दोनों गुणनफल में होते हैं। वह एक पदी बीजीय व्यंजक होता है वह एक पद ही होता है जैसे—</p> <p>उदाहरण— एक बीजीय व्यंजक $2x+3Y$ हैं जिसमें अचर राशि बताइए क्यो? चर राशि बताइए क्यो? बच्चो यह कौनसा बीजीय व्यंजक है? इस पद में एक पद और जोड़ ने पर क्या होगा</p> <p>$2x+3Y+7$ तो इसमें इनके बीच कोन से चिन्ह लगे है?</p> <p>बच्चो यदि हम दो पदों को घटाते हैं तो उदाहरण स्वरूप $7x - 2x$ है तो बच्चो घटाते समय यह ध्यान रखना चाहिए कि पद में एक ही चर राशि हो तब हम घटासकते हैं।</p>	<p>छात्र किया</p> <p>3Y, 5x, 72 3P, 3d, 11Y</p> <p>सरजी अचर राशि, 2 एवं 3 है क्योंकि यह संख्या हैं। सर जी इसमें दो पद है इसलिए यह द्वीपद है 2गएवं3ल है। सर जी यह द्वीपद होगा। इसमें तीन पद हैं। 2x, एवं 7 हैं। सर जी यह जुड़ रहा है इसलिए का चिन्ह लगाया है</p> <p>सर जी घटाने पर 5x आएगा। जी सर</p>
गुण		
पहला ग्रुप		
दुसरा ग्रुप	<p>बच्चो यह चिन्ह की सारणी देखिए इससे हम गुणा करने के बाद में जानेगे।</p> <p>उदाहरण — ग्रुप के आधार पर</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $2x$ एवं $(5y)$ 2. $2x - (5y)$ 3. $-2x x - 5y$ 4. $-2x x - 5y$ 5. $-2x x - 5y$ 	
बहुपद		
द्वीपद		
एक पद		<p>सर. एव. परन्तु सर. चिन्ह दिखाई देता है।</p> <p>5y xy अंतर एक. एव —</p>
बीजीय	पहले उदाहरण में कोन से चिन्ह है।	

व्यजंक	<p>बहुत अच्छा बच्चो इसका गुणा करने पर (श्यामपटट)</p> <p>- 5y इसमे कौन से चिन्ह है? तो बच्चो</p> <p>- 5y में हम का एवं का गुणा करते है तो आता है इसी प्रकार आप बताइए। सारणी</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. $(+) \times (+) = (+)$ 2. $(+) \times (-) = (-)$ 3. $(-) \times (-) = +$ 4. $(-) \times (+) = -$ 	xy
मूल्याकंन	<p>1.एक बार उनसे दुहराएँ निम्नलिखित बीजीय व्यजंको में एक पढ़ी द्विपदी एवं की पड़ी बीजीए व्यंजक बताइए</p> <p>1)3x 2)2+5y 3)3+4y 4)3+4B46 5)3b, श्याम पर लिखिए</p> <p>2.निम्नलिखित बीजीय व्यजंक बनाइए चर राशि – X, P, Q, R, S अचर राशि – 5, 1, 0, 9, 15 जोड़िए । एवं बताइए कि कौन सा बीजीए व्यजंक है।</p>	$(+) \times (+) = (+)$ $(+) \times (-) = (-)$ $(-) \times (-) = +$ $(-) \times (+) = -.$

निष्कर्ष कथन

आज हमने बीजीय व्यजंको में एक पदीय द्वीपद, त्रिपद का अध्ययन किया।

ग हकार्य – 10 चर राशि एवं 10 अचर राशि को जोड़कर बताइए कि कोन सा बीजीय व्यजंक है। एक पदीय द्वीपद, त्रिपद बीजीय व्यजंको का चार्ट बनाइए।

विषय गणित

कक्षा — 7 वी ब

प्रकरण — बीजीय व्यजंक

समयावधि—

एकपदी एवं द्विपदी का गुणन

दिनांक—

सामान्य उद्देश्य—

विशिष्ट उद्देश्य—

विद्यार्थी एक पदी और द्विपदी बीजीय व्यजंको से गुणा कर सके इन प्रश्नों को हल कर सकेंगे।

सहायक शिक्षण सामग्री —कार्ड, चार्ट

पूर्वज्ञान :—विद्यार्थी पूर्व कालांश में चुके हैं।

प्रस्तावना

क्र.	शिक्षक किया	छात्र किया
1	$2x^2$ कौन सा बीजीय व्यजंक है,	सर जी एक पदीय बीजीय व्यजंक है।
2	$3x^2$ और y^3 का गुणा करने पर तथा इसकी बड़ी घात कौन सी होगी ?	$3x^2y^3$ होगा इसकी बड़ी घात 3 होगी।
3	यदि $3x$ और $(5y+8z)$ का गुणा करने पर तथा इसकी घात होगी।	?

उद्देश्य कथन :—

आज हम एकपदीय और द्विपदीय का गुणा करना सीखेंगे।

प्रस्तुतिकरण :—

शिक्षण बिन्दु	शिक्षण किया	छात्र किया
1गुणा	<p>एक पदी का गुणा – गतिविधि – दो समूह बनाकर उनमें एक पदीय बीजीय व्यजंक को समूहों में किया एक –एक करके उन्हें श्यामपट पर लिखने को कहा</p> <p>पहला ग्रुप – दूसरा ग्रुप –</p> <p>इसकी घात क्या होगी— बच्चों घातों का गुण कैसे करते हैं?</p> <p>— बच्चों — समान आधार वाले चरों जैसे —</p> $x^m x^n$ <p>(आधार)^{घात} \times (आधार)^{घात} समान</p> $x^m x^n$ <p>समान</p> x^{m+n} <p>होगा। तो हम क्या कहेंगे गुणनफल में समान आधार वाले चरों की घाते जुड़ जाती हैं</p> $x^m x^n$	<p>श्यामपट पर</p> $2x^2y$ $-3xy^2$ <p>गुणा करने पर</p> $2x^2y - 3xy^2$ $= -6x^3y^3$ <p>सर जी 3 होगी</p> <p>सर जी घातों का गुणा करते समय उन्हे जोड़ते हैं।</p> <p>आधार समान हैं तो घाते जुड़ जाती हैं</p> <p>इसलिए</p> $x^m + n \text{ होगा।}$ <p>आधार वाले चरों की</p> <p>x होगी।</p> xy^{m+n} <p>करते हैं।</p>

	<p>इसी प्रकार यदि आधार समान होते</p> $x^m y^n$	
दूसरी गतिविधि	<p>तो हम एक पदी एवं दविपद गुणनफल ये कायों की सहायता से दोनो समूहो में पहला समूह के कार्ड में दूसरा समूह के कार्ड में</p>	$3x$ $5y+8z$ गुणा करने पर $(3x)(5y+8z)$
तो	<p>तो क्या लिखिगे । इसका अर्थ है कि 3 x का गुणा $5y$ एवं $8z$ में करना तो हम क्या करेगे इस नियम को हम वितरण क नियम कहते है बच्चो क्योंकि हमने एक पद का वितरण दो पदी बीजीय व्यजंको में बराबर —बराबर कर दिया । तो क्या होगा । तो हम संख्या वा एक तरफ</p>	$सर (3x \times 5y) + (3x \times 8z)$ $सर$ क्यो कहते है?
		$(3x \times 5y) + 3x \times 8 \times 2$ $(3 \times 5 \times x \times y) + (3 \times 8 \times x \times 2)$

मूल्यांकन	<p>इसे हम P.Q. और R से S दिया जाता तो</p> $3xx(5y+82) = (3x.5y + 3x.82)$ <p>तो 1. Px(Q) 2. Px(+R)</p> <p>इसी प्रकार P(Q-R) = pq-pr</p> $54 \times (100-1) = 54 \times 99$ <p>को क्या लिख सकते हैं</p> <p>P Q-R में बदलता है तो हम लिखेगे</p> <p>गुणा करने पर</p> <p>अब हम इसे</p> <p>तो होगा</p> <p>यह क्या होगा इसमें</p> <p>ध्यान रहे कि संख्या के सभी अंक 9 हो तब इस सूत्र के प्रयोग से प्रश्न को सफलता से हल कर इसमें पंकित में उतर दे सकते हैं। जब गुण और गुणक में अंकों की संख्या समान हो।</p>	$(15xy+24x^2)$ $(100-1) = 99$ <p>सर जी</p> $54 \times (100-1)$ $(5400-54)$ $5300+100-54$ $5300+46$ $= 5346$ 
-----------	--	--

निष्कर्ष कथन — आज हमने एक पद एवं द्वीपद का हल करना सीखा।

ग हकार्य —

1. (5×6) और $3x$

2- $X(x-y)+y(x-y)$

3. बीजीय व्यजंको में प्रयुक्त सूत्र का चार्ट बनाकर लाइए।



पाठ्योजना -10

गणित (बीजगणित)	कक्षा सातवी 'ब'
प्रकरण	कालांश
	समयावधि

सामान्य उद्देश्य :—

विशिष्ट उद्देश्य :—

- विद्यार्थी एक न्यूनकोण एवं ऊर्ध्व तिर्यक विधि का प्रत्याभिज्ञान कर सकेंगे।
- विद्यार्थी एक न्यून पूर्वण एवं ऊर्ध्व तिर्यक विधि से बीजगणित में गुणा के प्रश्न सरलता से हल कर सकेंगे।
- विद्यार्थी एक न्यून पूर्वण एवं ऊर्ध्व तिर्यक विधि का प्रयोग उच्च कक्षाओं में कर सकेंगे।

सहायक शिक्षण सामग्री :—

क्र.	शिक्षक किया	छात्र किया
1	डदाहरण— 10,15,40,60,100, संख्या में से एक कम करने पर क्या होगा?	सर जी 9 14 39 59 99 होगी।
2	54 × 99 का गुणा करने पर क्या आता है ?	सर— 5346
3	इसे हम और कौन सी विधि से कर सकते हैं ?	

उद्देश्य कथन :—

आज हम बीजीय व्यंजन में एक न्यूनकोण क्या ऊर्ध्व— तिर्यक विधि से प्रश्नों को हल करना सीखेंगे।

शिक्षण बिन्दु	शिक्षक किया	छात्र किया
---------------	-------------	------------

<p>एक न्यून पूर्वेण</p> <p>उदाहरण</p> <p>छात्र द्वारा श्यामपट पर</p> <p>इसमें बाया भाग पहले आता है।</p> <p>54 का एक न्यून है यह कौन सा भाग है</p> <p>उत्तर का दाया भाग 99—उत्तर का बाया भाग 99—53 इसे हम</p> <p>$\begin{array}{r} 54 \times 99 \\ \hline 53 46 \end{array}$</p> <p>इसी प्रकार गतिविधि द्वारा</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. एक समूह द्वारा उत्तर का बाया भाग 2. दूसरे समूह द्वारा उत्तर का दाया भाग बताने को कहा। <p>57×99</p> <p>तो उत्तर लिखेंगे</p> <p>999×999 हो तो</p> <p>दाया भाग $999 - 998 = 001$</p> <p>यदि</p> <p>उत्तर क्या होगा ?</p>	<p>एक संख्या कम करने पर इसे हम एक न्यून पूर्वेण कहते हैं।</p> <p>उत्तर का दाया भाग</p> <p>उत्तर का दाया भाग</p> <p>53 होगा बाया भाग</p> <p>46 आयेगा तो</p> <p>57×99</p> <p>पहले समूह द्वारा उत्तर का बाया भाग $= 56$ दूसरे समूह द्वारा उत्तर का दाया भाग</p> <p>$\begin{array}{r} 57 \times 99 \\ \hline 56 43 \end{array}$</p> <p>$57 \times 99 = 5643$</p> <p>पहले समूह द्वारा उत्तर का बाया भाग 998</p> <p>दूसरे समूह द्वारा उत्तर का दाया भाग— 999</p> <p>$\begin{array}{r} 999 \times 999 \\ 998 \quad 001 \\ \hline \end{array}$</p> <p>अतः $- 999 \times 999 = 998001$</p>
--	--

इसी प्रकार से हम एक न्यून पूर्वेण विधि का प्रयोग करेंगे। इसी प्रकार

उधर्व—तिर्यक

इस विधि की सहायता से बीजगणित से

<p>($2x+1$) को ($3x+2$) का गुणा उधर्व—तिर्यक विधि में करो।</p> <p style="text-align: center;"> $\begin{array}{r} 1 \quad 2 \\ 2x+1 \\ 3x+2 \\ \hline 1 \quad 2 \quad 3 \end{array}$ </p> <p>पहले ऐरो का अर्थ</p> <p>दूसरे ऐरो X का अर्थ</p> <p>तीसरे ऐरो का अर्थ</p> <p>तो सभी को साथ में लिखेंगे</p> <p>$6x^2 + 7x + 2$ इसे हम कह सकते हैं</p> <p>गतिविधि —तीन ग्रुप से इसी प्रकार</p> <p>1. 23 <u>X 22</u></p>	<p>$2x \times 3x = 6x^2$</p> <p>$2x \times 2 + 3x \times 1$ $= 4x + 3x = 7x$</p> <p>$1 \times 2 = 2$</p> <p>$\begin{array}{r} 2x+1 \\ 3x+2 \\ \hline 6x^2 + 7x + 3 \end{array}$</p> <p>पहले ग्रुप से</p> <p>$2 \times 2 = 4$</p> <p>दूसरे ग्रुप से</p> <p>$2 \times 1 + 3 \times 2$ $= 2 + 6 = 8$</p> <p>तीसरे ग्रुप से</p> <p>$3 \times 1 = 3$ तो 4831 उत्तर</p>
--	--

मूल्यांकन :—

1. एक न्यून पूर्वेण विधि के 99×99 गुणन होगा।

- 1 9801 2 9909 3 8901 4 9901

2. संख्या में एक न्यून पूर्वेण का अर्थ होता है।

1. एक अधिक 2 संख्या के बराबर 3 संख्या से एक कम

3 23×22 को उर्ध्व तिर्यक विधि से करने पर

- 1 506 2 504 3 501

निष्कर्ष कथन :—

आज हमने एक न्यून पूर्वेण विधि तथा उर्ध्व तिर्यक विधि से बीजीय व्यंजको को हल किया।

गृहकार्य :—

हल कीजिए — उर्ध्व तिर्यक विधि तथा गुणनफल विधि से

1. $(2x+2)(x+1)$

2. $31 \quad 3. 53$

$\times \underline{13} \quad \times \underline{12}$